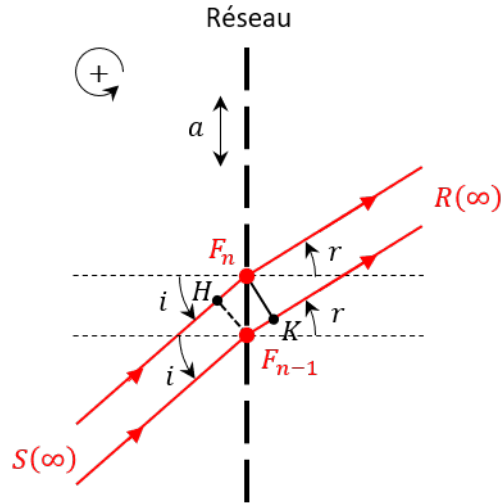


Correction

1)



On applique le théorème de Malus :

$$\delta = (SF_{n-1}R) - (SF_nR) = F_nK - HF_{n-1} = a(\sin(r) - \sin(i))$$

On en déduit :

$$\phi = \frac{2\pi}{\lambda} \delta = \frac{2\pi a}{\lambda} (\sin(r) - \sin(i))$$

2) L'amplitude complexe \underline{A}_n vaut :

$$\underline{A}_n = A e^{-ik(SF_nR)} = A e^{-ik[(SF_0R) - n\delta]} = \underline{A}_0 e^{ink\delta} \quad \text{avec : } k\delta = \phi$$

Donc :

$$\underline{A}_n = \underline{A}_0 e^{in\phi}$$

3) On en déduit l'intensité totale vaut donc :

$$\underline{A}_{tot} = \sum_{n=0}^{N-1} \underline{A}_n = \underline{A}_0 \sum_{n=0}^{N-1} (e^{i\phi})^n = \underline{A}_0 \frac{e^{iN\phi} - 1}{e^{i\phi} - 1}$$

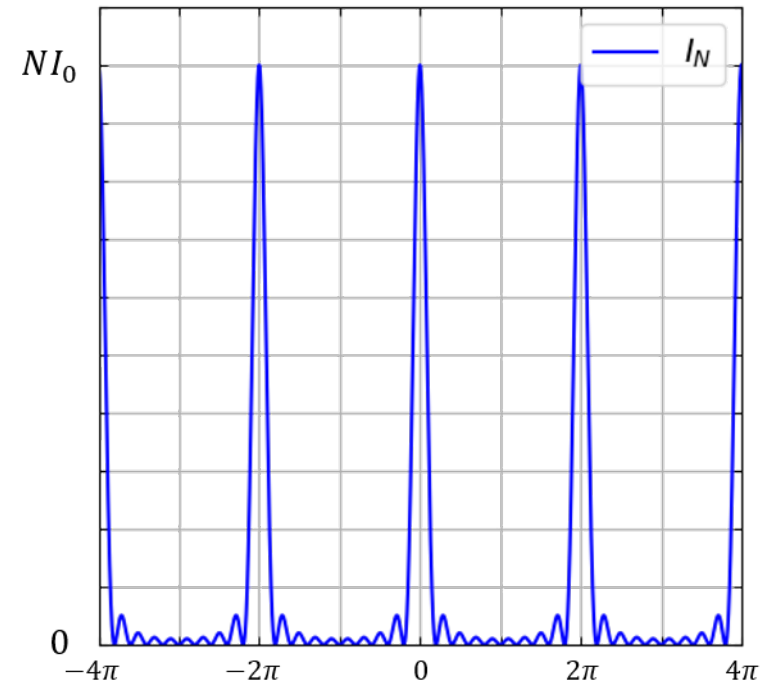
On le met sous forme plus simple pour ensuite déterminer I_{tot} .

$$\underline{A}_{tot} = \underline{A}_0 \frac{e^{iN\phi/2}}{i\phi/2} \frac{e^{iN\phi/2} - e^{-iN\phi/2}}{e^{i\phi/2} - e^{-i\phi/2}} = \boxed{\underline{A}_0 \frac{e^{iN\phi/2}}{i\phi/2} \frac{\sin(N\phi/2)}{\sin(\phi/2)}}$$

On en déduit I_{tot} :

$$I_{tot} = \underline{A}_{tot} \cdot \underline{A}_{tot}^* = I_0 \left(\frac{\sin(N\phi/2)}{\sin(\phi/2)} \right)^2$$

Graphe :



4) Pour une lampe spectrale, on place une fente de typiquement 1 mm de largeur avec un réseau de 600 traits/mm. Cela fait donc environ $N = 600$.