

Entropie créée par une résistance

Considérons une masse $m = 100$ g d'eau dans laquelle plonge un conducteur de résistance $R = 20 \Omega$. L'ensemble forme un système de température initiale $T_0 = 20$ °C. On impose au travers de la résistance un courant $I = 20$ A pendant une durée $\tau = 10$ s.

Données :

- Capacité thermique de la résistance : $C_R = 8 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}$
- Capacité thermique massique de l'eau : $c_{eau} = 4,18 \text{ kJ}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{kg}^{-1}$
- Entropie d'une phase condensée incompressible et indilatable :

$$S = S_0 + C \ln(T)$$

- 1) La température de l'ensemble est maintenue constante. Quelle est la variation d'entropie du système ? Quelle est l'entropie créée ?
- 2) Que peut-on en déduire à propos du signe d'une résistance ?
- 3) Le même courant passe dans le même conducteur pendant la même durée, mais cette fois le système est isolé thermiquement. Calculer sa variation d'entropie et l'entropie créée.



Correction

1) La température du système est maintenue constante ($T_i = T_f = T_0$). D'après le formulaire :

$$\Delta S_{syst} = \Delta S_R + \Delta S_{eau} = C_R \ln\left(\frac{T_f}{T_i}\right) + mc_{eau} \ln\left(\frac{T_f}{T_i}\right) = 0$$

On applique le premier principe (version enthalpique, car transformation au contact de l'atmosphère donc monobare) :

$$\Delta H_{syst} \underset{\substack{= \\ \uparrow \\ \text{Loi de Joule}}}{=} 0 \underset{\substack{= \\ \uparrow \\ \text{PP.}}}{=} Q + RI^2\tau \Rightarrow Q = -RI^2\tau$$

On en déduit l'entropie échangée :

$$S_e = \frac{Q}{T_0} = -\frac{RI^2\tau}{T_0} = -273 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}$$

On applique le second principe pour en déduire l'entropie créée :

$$S_c = \Delta S - S_e = \frac{RI^2\tau}{T_0} = 273 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}$$

2) L'entropie créée est toujours une grandeur positive, R est également toujours positive (car I^2 et T le sont toujours également).

3) Cette fois, $Q = 0$ donc $S_e = 0$. Le premier principe donne :

$$\Delta H_{syst} = \Delta H_R + \Delta H_{eau} \underset{\substack{= \\ \uparrow \\ \text{Loi de Joule}}}{=} C \Delta T + mc_{eau} \Delta T \underset{\substack{= \\ \uparrow \\ \text{PP.}}}{=} RI^2\tau$$

On en déduit la température finale :

$$T_f = T_0 + \frac{RI^2\tau}{C + mc_{eau}} = 208 \text{ }^\circ\text{C}$$

Puisque l'énoncé ne mentionne pas de changement d'état, supposons que l'eau reste liquide. Qui sait, peut-être que l'expérience se fait à très haute pression...

Le second principe et le formulaire donnent :

$$S_c = \Delta S_{syst} = \Delta S_R + \Delta S_{eau} = C_R \ln\left(\frac{T_f}{T_0}\right) + mc_{eau} \ln\left(\frac{T_f}{T_0}\right)$$

Ainsi,

$$S_c = \Delta S_{syst} = (C_R + mc_{eau}) \ln\left(1 + \frac{RI^2\tau}{T_0(C + mc_{eau})}\right) = 211 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}$$