

SEMAINE 3

du 30 septembre au 4 octobre 2024

► Nombres réels

- corps \mathbb{R} des nombres réels ;
- sous ensembles \mathbb{R}_+ , \mathbb{R}_- , ordre naturel sur \mathbb{R} ;
- opérations sur les inégalités ;
- valeur absolue, inégalités triangulaires ;
- notions de bornes supérieure et inférieure dans un ensemble ordonné ;
- tout ensemble admettant un plus grand (resp. plus petit) élément admet une borne supérieure (resp. inférieure) égale à celui-ci ;
- toute partie de \mathbb{R} non vide et majorée (resp. minorée) admet une borne supérieure (resp. inférieure) ;
- caractérisation séquentielle des bornes supérieure, inférieure (résultats admis à ce stade) ;
- droite réelle achevée : notation $\overline{\mathbb{R}}$, extension de l'ordre naturel, extension partielle de l'addition et de la multiplication, existence de bornes supérieures et inférieures ;
- partie entière par défaut (notation $[\cdot]$), approximation d'un réel à 10^{-n} près ;
- densité de \mathbb{Q} et $\mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$ dans \mathbb{R} ;
- intervalles, ensembles convexes, équivalence entre ces deux notions sur \mathbb{R} , paramétrage d'un segment.

✘ *Aucune connaissance n'est exigible des étudiant·e·s sur les sujets suivants : notion générale de corps et corps ordonné, construction de \mathbb{R} , propriété d'Archimède, compacité, connexité, complétude.*

► Questions de cours (*démonstrations*)

- tout énoncé ou définition est exigible ;
- première inégalité triangulaire : $\forall x, y \in \mathbb{R}, |x + y| \leq |x| + |y|$;
- existence et unicité de la partie entière d'un nombre réel ;
- densité de \mathbb{Q} dans \mathbb{R} .